

文章编号: 2096-1618(2017)04-0353-06

稿件来源: 科学网

网 址: <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-1049099.html>

发表时间: 2017-04-15

# 安全通论(20)

## ——安全攻防的经济演化规律

杨义先, 钮心忻

(北京邮电大学信息安全中心, 北京 100876)

**摘要:**借助进化论思想,以经济目标为量化手段,利用协同学中的现成结果,本文建立了网络空间安全攻防的演化模型,并给出了具体的安全演化行为公式,及其解析解的稳定性分析。根据本文的结果,针对具体的信息系统,如果能对相关参数值进行估计的话(在沙盘演练的场景下,这些参数肯定是能够获得的),那么,该系统的安全对抗演化轨迹将清晰可见,这对网络攻防的全面量化理解,显然是很有帮助的。另外,即使是不知道实际系统的相关演化参数,我们也可以事先针对尽可能多的参数,绘制出相应的攻防演化轨迹曲线图,以备实战中参照使用。

doi: 10.16836/j.cnki.jcuit.2017.04.002

## 0 引言

由于达尔文等生物学家们的杰出贡献,如今,以“物竞天择,适者生存”等为代表的进化论口头禅,早已家喻户晓;即,由于生物间存在着生存斗争,适应者生存下来,不适者则被淘汰,这就是自然选择。而且,生物们正是通过遗传、变异和自然选择,从低级到高级,从简单到复杂,种类由少到多地进化着、发展着。更进一步地,科学家们还把进化论的思想和原理,推广到其它学术领域,并获得了不少成果,比如,形成了演化金融学、演化证券学、演化经济学等多个新兴交叉学科。纵观这些进化(或演化),它们都有一个共同特点,即,生物之间、产品之间、证券之间等,都存在着充分的竞争。而正是这些竞争,才推动了相关的演化或进化。

反省网络空间安全,其中也存在激烈的竞争(即,红客和黑客之间的对抗;这种对抗的激烈程度,一点也不亚于生物斗争),因此,很容易想到:网络安全对抗过程,其实也是一个演化(进化)过程。但是,如果仅仅到此为止,那就没什么稀奇了,因为甚至连半文盲都能作此联想,而且,进化(或演化)一词,在许多场合,早已被用滥了。

达尔文虽然断言了动物们的演化过程,但是,从数学上看,它们到底是怎么演化的呢?至今谁都不知道,因为,生物们的斗争,实在太复杂了:有的靠利齿取胜,有的用速度躲灾;有的上九天揽月,有的下五洋捉鳖;反正,各有各的招,各耍各的刀。并且,生物之间的生存斗争,很难量化,即使是想转化为经济价值,也是几

乎不可能的。

不过,与自然界的生物斗争等相比,网络空间安全对抗,在其进化(演化)的量化分析方面,有两大优势:

其一,斗争的形式,相对更简单,只有“攻”和“守”两招,当然每一“招”中,其手段也是千差万别(《安全通论》的最终目标,就是希望将这些“千差万别”合而为一)。而且参与斗争的人员可以很多(比如,全球70亿人都可以同时扮演着攻方(黑客)和守方(红客)的角色),而且,还可以彼此乱斗,形成海量的利益集团。

其二,也是最重要的优势是,网络空间中的攻防斗争,无能表面上的目的如何,也无论某个阶段的目的如何,其最终目的都可以用一个字来归纳,那就是“钱”!这就为本文的量化研究,奠定了坚实的基础。(注:这是从统计角度给出的结论,也许有极个别的例外,但是,绝大部分攻防都是“能够用钱摆平的”!)

如果投入 $X$ 块钱用于攻击(称为黑客投资),虽然针对不同的攻击手段、不同的攻击者、不同的攻击对象,攻方所能够获得的经济效益(行话叫“黑产收入”)是不相同的;但是,从统计角度来看,经过一段时间的振荡后,黑产收入一定会逼近某个数值。因为,你可以将不同的攻击手段当作“商品”,经过一段时间的“竞价”后,该商品的价格(即,黑产收入的逼近值),在亚当斯密的那只看不见的手的作用下,就一定是稳定的。换句话说,投资者可以用 $X$ 块钱,去“购买”最值的攻击。

同理,如果投入 $Y$ 块钱用于防守(称为红客投资),虽然针对不同的防守措施、不同的防守者、不同的防守对象,防守方所能够获得的经济效益也是不相同的,而且,还是很难知道的(若只单独观察某个固定

的信息系统,甚至连信息系统的拥有者,都不知道安全防护措施到底创造了多少经济效益;实际上,从经济上看,当前全世界的安全防护都是在“跟着感觉走”);但是,从统计角度来看,经过一段时间的振荡后,该“很难知道的经济效益”也一定会逼近某个数值。因为,你可以将防护措施当作“商品”,经过一段时间的“竞价”后,该商品的价格(即,安全保障效益的逼近值),在亚当斯密的那只看不见的手的作用下,也一定是稳定的。换句话说,投资者可以用  $Y$  块钱,去“购买”最佳的防守。

当然,必须承认,无论是黑客投资  $X$ ,还是红客投资  $Y$ ,其最终逼近值的确定,都是非常困难的问题,但是,从理论上说,它们确实也是存在的。我们打算探讨逼近值的求解问题,下面直接用黑客投入  $X$  和红客投入  $Y$  的值,来量化攻守各方的能力。这样做的合理性,也可以直观地理解为:投入越多,回报越大嘛。

必须明确强调的是,1块钱的红客投资所构建的防守体系,并不能抵挡1块钱的黑客投资所产生的攻击力;反之亦然。但是,从统计角度来看,经过一段时间的振荡后,“1块钱的红客投资”与“1块钱的黑客投资”之间,一定有一个比较稳定的当量比值  $k$ ,这个比值还会根据不同的网络系统、不同的攻防场景和不同的时间,而发生变化。在下面的分析中,我们假定这个比值为1,这样做仅仅是为了简化分析而已。本文中,我们还做了许多类似的假定,毕竟过多的细节会喧宾夺主;当然,这也意味着,本文还需许多后续改进,所以,欢迎所有读者积极投入《安全通论》的研究之中。

## 1 网络攻防斗争的演化模型与轨迹

对给定的某个信息系统  $A$ (比如,全世界的网络组成的网络空间,或其某个子系统等),假定共有  $N$  个人对该系统的攻防有兴趣(这里的“人”可能是自然人,也可能是团体等)。在时刻  $t$ ,记第  $i$  个人用于攻击的投资为  $E_i(t)$ ,用于防守的投资为  $R_i(t)$ ,因此,用于攻防的整体投资为  $I_i(t) = E_i(t) + R_i(t)$ 。这里,攻击目标和防守目标,都是系统  $A$  的某些子系统;当然,不同的人,所攻击和防守的目标是不相同的。也许有的人是纯黑客,只攻不守,即,  $E_i(t) = 0$ ;也许有的人是纯红客,只守不攻,即,  $R_i(t) = 0$ 。再假定,每个人用于攻防的投资总额是不变的,即,  $I_i(t)$  的总预算额不变,攻击投资  $E_i(t)$  越多,防守投资  $R_i(t)$  就越少。更明确地说,必要时,  $E_i(t)$  和  $R_i(t)$  还可理解为:此人分别用于攻击和防守的投资比例。(注意:攻防开销只是网络用户的部分开销,毕竟除了攻防之外,人们还有更多、更重

要的事情要做,所以,攻防之外的经费都不在本文的考虑之列)

将所有人的攻击投资之和记为  $E(t)$ ,防守投资之和记为  $R(t)$ ,于是,用于攻防的总投资额就为  $I(t) = E(t) + R(t)$ 。

在众多的各类攻防手段中,攻防投资的比例终将稳定在一个固定的值上,即,攻击投资平均值  $E_0(t)$  和防守投资平均值  $R_0(t)$ 。当然,由于每个人的目标不同,而且外界情况也千变万化,所以,攻防投资之间的比例一定会随着时间的变化而变化,本文就是力图找出这种比例的变化规律,从而把握整体安全趋势,展现攻防对抗的轨迹。

由于  $E(t)$  和  $R(t)$  都围绕其平均值  $E_0(t)$  和  $R_0(t)$  而涨落,其涨落的幅度记为  $B(t)$ ,它可正可负,记  $E(t) = E_0(t) + B(t)$ ,于是,  $R(t) = R_0(t) - B(t)$ ,这里  $B(t)$  的变化范围满足不等式  $-E_0(t) < B(t) < R_0(t)$ 。将攻击投资与防守投资的差额在总投资中的比例定义为“攻防结构指数”  $Z(t)$ ,即:

$$Z(t) = [E(t) - R(t)] / [E(t) + R(t)] = [E(t) - R(t)] / I(t) \quad (1)$$

将攻防结构指数  $Z(t)$  分成其“平均值部分  $Z_0(t)$ ”和“涨落部分  $z(t)$ ”之和,即:

$$Z(t) = Z_0(t) + z(t) \quad (2)$$

其中  $Z_0(t) = [E_0(t) - R_0(t)] / I(t)$  和  $z(t) = 2B(t) / I(t)$  将是我们的研究重点,它们将揭示整体的安全演化规律。

设在  $t$  时刻攻击投资的人数为  $N_E(t)$ ,防守投资的人数为  $N_R(t)$ ,于是称  $\{N_E(t), N_R(t)\}$  为此刻的攻防者投资结构。由于每个人既可以为攻击投资,也可以为防守投资,所以,  $N_E(t) + N_R(t) \leq 2N$ 。

再假定不存在纯黑客或纯红客(在现实中确实也是这样,一方面,黑客他总得投资防守自身的子系统吧,所以,纯黑客不存在;另一方面,哪一个人不想去占一点别人的便宜呢,所以,纯红客不存在),所以,  $N_E(t) + N_R(t) = 2N$ 。

由于在  $t$  时刻,攻防投资总额为  $I(t)$ ,所以,针对某个具体人来说,攻防的投资平均值就为  $i(t) = I(t) / (2N)$ ,再将其细分为攻击投资平均值  $e_0(t) = E_0(t) / (2N)$  和防守投资值  $r_0(t) = R_0(t) / (2N)$ ,即:

$$i(t) = I(t) / (2N) = e_0(t) + r_0(t) \quad (3)$$

如果某人的攻防投资分别为平均值  $e_0(t)$  和  $r_0(t)$ ,那么,就称此人为“中立者”。

如果某人的攻击投资  $e_E(t)$  大于攻击平均数  $e_0(t)$ (当然,其防守投资  $r_E(t)$  就小于防守平均值  $r_0(t)$ )。注意,这里其实暗含了“投资比例”的概念,以避免某人

的绝对投资额特大或特小的情况),即,  $i(t) = e_E(t) + r_E(t)$ , 其中  $e_E(t) = e_0(t) + b$  且  $r_E(t) = r_0(t) - b$ , 此处  $b > 0$ 。那么, 此人就称为攻击型人员;

如果某人的防守投资  $r_R(t)$  大于防守平均数  $r_0(t)$  (当然, 其攻击投资  $e_R(t)$  就小于攻击平均数  $e_0(t)$ )。注意, 这里也暗含了“投资比例”的概念, 以避免某人的绝对投资额特大或特小的情况), 即,  $i(t) = e_R(t) + r_R(t)$ , 其中  $e_R(t) = e_0(t) - b$  且  $r_R(t) = r_0(t) + b$ , 此处  $b > 0$ 。那么, 此人就称为防守型人员。

由于我们已经假定了:

$$N_E(t) + N_R(t) = 2N \quad (4)$$

因此, 攻防投资者结构  $\{N_E(t), N_R(t)\}$  便可简化为一个变量  $N(t)$ , 它定义为:

$$N(t) = [N_E(t) - N_R(t)]/2 \quad (5)$$

故, 攻击型人员增加一个(当然, 防守型人员就要减少一个)的演化过程, 就可标记为:  $\{N_E(t), N_R(t)\} \rightarrow \{N_E(t) + 1, N_R(t) - 1\}$ , 也可以简化为  $N(t) \rightarrow N(t) + 1$ ; 攻击型人员减少一个(当然, 防守型人员就要增加一个)的演化过程, 就可标记为:  $\{N_E(t), N_R(t)\} \rightarrow \{N_E(t) - 1, N_R(t) + 1\}$ , 也可以简化为  $N(t) \rightarrow N(t) - 1$ 。

为了方便连续化处理, 将攻防投资结构用下面的“攻防者结构指数”来表示:

$$x(t) = N(t)/N, \quad -1 \leq x(t) \leq 1 \quad (6)$$

它其实就是攻击型人数与防守型人数之差的整体平均。在深入研究之前, 我们先回答公式(1)中的攻防结构指数  $Z(t)$ , 和公式(6)中的攻防者结构指数  $x(t)$  之间的关系。

**定理1:** 攻防结构指数  $Z(t)$  和攻防者结构指数  $x(t)$  之间的关系, 满足如下公式:

$$z(t) = 4Nb x(t)/I(t) \quad (7)$$

证明: 由于  $Z(t) = [E(t) - R(t)]/[E(t) + R(t)]$ , 并且  $E(t) = e_E N_E + e_R N_R = N_E(e_0 + b) + N_R(e_0 - b)$

和  $R(t) = r_E N_E + r_R N_R = N_E(r_0 - b) + N_R(r_0 + b)$ , 将它们代入  $Z(t)$  的定义, 见公式(1), 便有:

$$Z(t) = (E_0(t) - R_0(t))/I(t) + 4Nb/I(t) = Z_0(t) + 4Nb x(t)/I(t)$$

所以  $z(t) = 4Nb x(t)/I(t)$ 。证毕。

注意到攻防的总投资是不变的, 即,  $I(t)$  为常数, 所以, 根据定理1, 攻防演化规律既可以用攻防结构指数  $Z(t)$  来描述, 也可以用攻防者结构指数  $x(t)$  来描述, 还可以等价地用攻防投资者结构  $\{N_E(t), N_R(t), t\}$  来描述, 为简捷计, 我们采用攻防投资者结构来展开后续分析。

虽然每个人的攻防资金总额是固定的, 但是, 分别用于攻或防的资金比例分配却是随机的(至少外人是

不知道的, 甚至, 经常是当事人自己也不一定清楚其分配理由), 故只能研究  $t$  时刻具有攻防投资者结构  $\{N_E(t), N_R(t), t\}$  的概率分布  $P(N_E(t), N_R(t), t)$ , 记它为  $P(n, t)$ 。该概率分布当然满足如下归一化条件, 即:

$$\sum_{n=-N}^N P(n, t) = 1 \quad (8)$$

如果在单位时间内, 某个防守型人员转变成了攻击型人员, 将此事件发生的概率记为  $P_{E \leftarrow R}[N_E, N_R]$ , 或更简捷地记为  $P \uparrow(n)$ ; 相反, 如果在单位时间内, 某个攻击型人员转变成了防守型人员, 将此事件发生的概率记为  $P_{R \leftarrow E}[N_E, N_R]$ , 或更简捷地记为  $P \downarrow(n)$ 。

由于事件  $\{N_E, N_R\} \rightarrow \{N_E + 1, N_R - 1\}$  (即, 攻击型人员增加一个, 当然防守型人员就减少一个)发生的概率等于单个防守型人员转变成攻击型人员的概率  $P \uparrow(n)$  乘以可转移的防守型人员数目, 即, 该概率为:

$$W \uparrow(n) = N_R P \uparrow(n) = (N - n) P \uparrow(n) \quad (9)$$

同理, 由于事件  $\{N_E, N_R\} \rightarrow \{N_E - 1, N_R + 1\}$  (即, 攻击型人员减少一个, 当然防守型人员就增加一个)发生的概率等于:

$$W \downarrow(n) = N_E P \downarrow(n) = (N + n) P \downarrow(n) \quad (10)$$

于是, 攻防的演化规律可以由概率  $P(n, t)$  随时间变化的情况来刻画, 即有如下微分方程:

$$dP(n, t)/dt = [W \uparrow(n-1)P(n-1, t) + W \downarrow(n+1)P(n+1, t)] - [W \uparrow(n)P(n, t) + W \downarrow(n)P(n, t)] \quad (11)$$

分别考察此式中的各个分项, 将它们展开便知:

$$W \uparrow(n-1)P(n-1, t) = W \uparrow(n)P(n, t) - (\Delta n) \delta [W \uparrow(n)P(n, t)]/(\delta n) + [(\Delta n)^2/2] \{ \delta^2 [W \uparrow(n)P(n, t)]/\delta n^2 \} \quad (12)$$

(注: 由于所用编辑器的限制, 此文用  $\delta$  来代表偏微分符号) 同样有:

$$W \downarrow(n+1)P(n+1, t) = W \downarrow(n)P(n, t) + (\Delta n) \delta [W \downarrow(n)P(n, t)]/(\delta n) + [(\Delta n)^2/2] \{ \delta^2 [W \downarrow(n)P(n, t)]/(\delta n^2) \} \quad (13)$$

将展开后的分项公式(12)和(13), 代回原来的公式(11), 便有:

$$dP(n, t)/dt = -\delta [(W \uparrow(n) - W \downarrow(n))P(n, t)]/(\delta n) + \{ \delta^2 [(W \uparrow(n) + W \downarrow(n))P(n, t)]/(2\delta n^2) \} \quad (14)$$

记  $x = n/N$ , 则可记  $W \uparrow(n) = N\omega \uparrow(x)$  和  $W \downarrow(n) = N\omega \downarrow(x)$ , 将它们代入公式(14), 便有:

$$dP(x, t)/dt = -(1/N) \{ \delta [N(\omega \uparrow(x) - \omega \downarrow(x))P(x, t)]/(\delta x) + (1/2)(1/N^2) \{ \delta^2 [N(\omega \uparrow(x) + \omega \downarrow(x))P(x, t)]/(\delta x^2) \} - \delta [(\omega \uparrow(x) - \omega \downarrow(x))P(x, t)]/(\delta x) + (1/2) \varepsilon \{ \delta^2 [(\omega \uparrow(x) + \omega \downarrow(x))P(x, t)]/(\delta x^2) \} \}$$

将此式简记为:

$$dP(x, t)/dt = -\delta [K(x)P(x, t)]/(\delta x) + (\varepsilon/2) \delta^2 [Q$$



$$(x)P(x,t)]/(\partial x^2) \quad (15)$$

其中,  $K(x) = \omega \uparrow(x) - \omega \downarrow(x)$  和  $Q(x) = \omega \uparrow(x) + \omega \downarrow(x)$ , 以及  $\varepsilon = 1/N$ 。用  $x$  乘以公式(15)的左右两边, 并对  $x$  积分(积分的上下限分别为+1和-1), 于是, 得到均值方程如下:

$$d\langle x \rangle / dt = \langle K(x) \rangle - (\varepsilon/2) [Q(x)P(x,t)] \big|_{x=-1}^{x=1} \quad (16)$$

在公式(16)中, 忽略边界贡献, 因为, 在边界  $x=1$  或  $x=-1$  处, 所得的概率值  $P(x,t)$  都很小, 所以, 便可得到:

$$d\langle x \rangle / dt = \langle K(x) \rangle \quad (17)$$

若  $P(x,t)$  只有一个峰值, 那么, 可将  $K(x)$  在  $\langle x \rangle$  附近展开为泰勒级数:

$$K(x) = K(\langle x \rangle) + K'(\langle x \rangle)(x - \langle x \rangle) + (1/2)K''(\langle x \rangle)(x - \langle x \rangle)^2 + \dots$$

只取该式的第一项, 则公式(17)变为  $d\langle x \rangle / dt = K(\langle x \rangle)$ , 如果假设平均径迹就是实际径迹, 那么, 该式又可重写为:

$$dx/dt = K(x(t)) \quad (18)$$

结合攻防投资结构的具体模型, 可写出函数  $K(x(t)) = \omega \uparrow(x) - \omega \downarrow(x)$ 。又由于  $\omega \uparrow(x)$  和  $\omega \downarrow(x)$  可以写为:

$$\omega \uparrow(x) = v(1-x)\exp(\delta+kx) \text{ 和 } \omega \downarrow(x) = v(1+x)\exp[-(\delta+kx)] \quad (19)$$

其中,  $\delta$  表示相关人员对攻击或防守的偏好, 称为“互变因子”。当  $\delta$  为正时, 表示此人喜欢攻击; 当  $\delta$  为负时, 表示此人喜欢防守。当然, 这种偏好也会随着时间的变化而变化。

公式(19)中的  $k$  值, 表示某人追随别人, 在攻击型和防守型之间转换的速度(即, 此人是否喜欢赶时髦, 随大流)。当  $k$  值较大时, 若  $x > 0$  (即, 多数人为攻击型), 则促进了大家向攻击型人员转变; 若  $x < 0$  (即, 多数人为防守型), 则不利于大家向攻击型人员转变。所以:

$$K(x, \delta, k) = 2v[sh(\delta+kx) - xch(\delta+kx)] \quad (20)$$

$$V = [2v/K^2][kxsh(\delta+kx) - (1+k)ch(\delta+kx)] \quad (21)$$

于是, 公式(17)变为:

$$dx/dt = 2v[sh(\delta+kx) - xch(\delta+kx)] \quad (22)$$

这便是攻防斗争的演化方程, 它显示了网络空间安全对抗中, 攻击型人员与防守型人员之间相差值的变化情况。归纳上述论述, 便有如下结论。

**定理2:** 在网络空间安全对抗中, 在  $t$  时刻, 攻击型人数与防守型人数之差的平均值(即, 除以总人数  $2N$ )  $x(t)$  的演化规律, 由微分方程  $dx/dt = 2v[sh(\delta+kx) - xch(\delta+kx)]$  来描述。

该定理给出了一个很明晰的安全对抗演化轨迹。当然, 针对实际的网络系统, 我们很难确定其中的参数  $v, \delta$  和  $k$  等, 但是, 在某些特殊情况下(比如, 沙盘演练), 经过充分的统计和测试, 还是可以在一定误差范围之内, 给出这些参数的估计值, 从而可以明确地把握攻防对抗的演化轨迹。即使是在无法确定这些参数的情况下, 定理2的价值也仍然存在, 比如, 可以罗列尽可能多的各类参数组合, 事先绘制出各种情况下, 攻防对抗的演化轨迹图, 那么, 对把握实战过程中的趋势情况也是有帮助的。定理2还有其它潜在的应用价值, 此处就不赘述了。

由于公式(22)中的  $\delta$  更形象, 它代表了相关人员在攻击型和防守型之间的来回“跳槽”情况, 所以, 我们对  $\delta$  进行单独的深入分析。由于这种转变率也是随时间而变化的, 所以, 我们将它记为  $\delta(t)$ , 并给出  $\delta(t)$  的演化规律。

我们有理由(“反馈+微调”机制, 或“阻尼”现象)假定, 当攻击型和防守型人员一样多(即,  $x=0$ )时,  $\delta(t)$  将最终朝着没有任何偏好的方向变化, 即, 当时间  $t$  趋于无穷大时,  $\delta(t) \rightarrow 0$ 。同时, 当  $x < 0$ , 即, 防守型人员更多时,  $\delta(t)$  应趋向于朝攻击型转变, 即, 当时间  $t$  趋于无穷大时,  $\delta(t) \rightarrow \delta_0$ ; 反之,  $x > 0$  时, 即, 攻击型人员更多时, 就该向防守型转变, 即, 当时间  $t$  趋于无穷大时,  $\delta(t) \rightarrow -\delta_0$ 。据此, 可写出  $\delta(t)$  的方程:

$$d\delta(t)/dt = \mu[\delta_0 - \delta(t)]\exp[-\beta x(t)] - \mu[\delta_0 + \delta(t)]\exp[\beta x(t)] \quad (23)$$

其中  $\mu > 0, \beta > 0, \delta_0 > 0$ 。于是, 公式(23)又可变为

$$d\delta(t)/dt = L(x, \delta, k) \quad (24)$$

其中,  $L(x, \delta, k) = -2\mu\{\delta_0 sh[\beta x(t)] + [\delta(t) - \delta_1]ch[\beta x(t)]\}$ , 这里的  $\delta_0$  称为战略决策幅度, 它其实就是攻、防互变的因子, 它的大小是可变的, 变化范围限于  $\delta$  的允许值;  $\beta$  是趋向反转的速度因子, 它反映了  $\delta$  随  $x$  变化的速度的快慢;  $\mu$  是攻防的灵活性参数, 描述了相关人员在攻击和防守之间变换的灵活程度;  $\delta_1$  表示整体人员对防守型的偏好程度。

综上, 我们有如下定理。

**定理3:** 在网络空间安全对抗中, 在  $t$  时刻, 在攻击型和防守型人员之间来回“跳槽”情况  $\delta(t)$ , 可由如下微分方程来描述:

$$d\delta(t)/dt = -2\mu\{\delta_0 sh[\beta x(t)] + [\delta(t) - \delta_1]ch[\beta x(t)]\}$$

其中各参数的定义如前面所述, 此处不再重复了。同样, 关于此定理的理解和应用, 也与定理2类似, 此处略去。

到此, 由定理2和定理3(或由公式(22)和(24)构成的耦合方程), 就决定了攻防投资者结构的演化

规律,也就是网络空间安全对抗中,红客和黑客力量对比的演化规律。只要能够通过实测等手段,确定了这些公式中的相关参数值,那么,安全对抗的演化过程就被清楚地用量化方法刻画出来了。

## 2 攻防斗争演化的稳定性分析

在一般情况下,网络空间安全攻防斗争演化方程(即,公式(22)和公式(24))是不能求出精确解的,只能进行数值计算。下面在 $\delta_1=0$ 的假定下(即,整体人员对防守型的偏好程度为0),证明对任何 $k$ 值,都存在定态解,并对该解进行线性稳定性分析。

根据公式(22)和(24),定态方程为:

$$2v[sh(\delta+kx)-xch(\delta+kx)]=0 \quad (25)$$

和

$$-2\mu\{\delta_0sh[\beta x]+[\delta-\delta_1]ch[\beta x]\}=0 \quad (26)$$

令 $\delta_1=0$ ,则公式(26)变为

$$-2\mu\{\delta_0sh[\beta x]+\delta ch[\beta x]\}=0 \quad (27)$$

由公式(27)可见,对任意 $k$ 值, $(x_0, \delta_0)=(0,0)$ 满足公式(25)和公式(27)。为了看清该定态解的线性稳定性,我们先将定态方程中的有关函数展开如下:

$$Sh(\delta+kx)=(\delta+kx)+[1/(3!)](\delta+kx)^3+[1/(5!)](\delta+kx)^5+\dots \quad (28)$$

$$ch(\delta+kx)=1+[1/(2!)](\delta+kx)^2+[1/(4!)](\delta+kx)^4+\dots \quad (29)$$

$$sh(\beta x)=\beta x+[1/(3!)](\beta x)^3+\dots \quad (30)$$

$$ch(\beta x)=1+[1/(2!)](\beta x)^2+\dots \quad (31)$$

若使零解 $x_0, \delta_0$ 受一小扰动 $x(t) \rightarrow x_0+a(t), \delta(t) \rightarrow \delta_0+b(t)$ ,由公式(28)、(29)、(30)和(31),以及公式(25)和公式(27),得到线性化的零解扰动方程为:

$$da/dt=2v[b+ka-a]=2v(k-1)a+2vb \quad (32)$$

$$db/dt=-2\mu[\delta_0\beta a+b]=-2\mu\delta_0\beta a-2\mu b \quad (33)$$

将公式(32)和公式(33)写成矩阵形式,便是 $dQ/dt=LQ$ ,其中 $Q=(a,b)^T$ 是2维列向量; $L=[L_{ij}]$ 是 $2 \times 2$ 阶方阵,并且 $L_{11}=2v(k-1), L_{12}=2v, L_{21}=-2\mu\delta_0\beta, L_{22}=-2\mu$ 。所以,它的本征方程就是 $LQ=\lambda Q$ ,其本征值为:

$$\lambda=[v(k-1)-\mu]+i[\mu+v(k-1)]^2-4\mu\delta_0\beta\}^{1/2}$$

和

$$\lambda=[v(k-1)-\mu]-i[\mu+v(k-1)]^2-4\mu\delta_0\beta\}^{1/2}$$

于是,关于网络安全对抗的攻防斗争演化的稳定性,就有如下定理4。

**定理4:**按照上述的术语和定义,我们有如下结论:当 $\mu+v(k-1)<(4\mu\delta_0\beta)^{1/2}$ 且 $k=k_c=1+\mu/v=1+r$ (其中 $r=\mu/v$ )时,定态 $(c,0)$ 失稳,将分岔出极限环,即,产生稳定的时间周期解。也就是说,当 $k<1+r$ 且 $\mu+v(k-1)<(4\mu\delta_0\beta)^{1/2}$ 时, $(0,0)$ 解是稳定的焦点;当 $k>1+r$

且 $\mu+v(k-1)<(4\mu\delta_0\beta)^{1/2}$ 时, $(0,0)$ 解是不稳定的焦点,此时,即使 $k$ 还不是很大时,就可能出现极限环。

## 3 结束语

现在回顾一下本文的几个基本要素:

要素1,用达尔文进化论(演化)的眼光去看待网络空间安全对抗,其实并不意外。因为,随着进化论的普及,当我们回过头去,重新看待世界上所发生所有事物时,都不难“事后诸葛亮”般地发现:原来这个世界,根本上就是进化(演化)的世界,而且,进化的核心原理就是“反馈+微调”!虽然关于进化论还有争论,但那是生物学家们的事,与本研究无关。虽然进化和演化其实是有区别的,但是,这种差别在我们眼里可以忽略不计,因为,我们只关心量化的动态变化规律。所以,在我们眼里生物在进化,潮汐在进化,山水大气也在进化;星球在演化,社会在进化,网络空间更是在进化。其实,网络的硬件、软件、应用程序等的兴衰存亡,无不依赖于进化。只可惜,嘴上说说“进化”很容易,但是,要搞清楚“到底是如何进化的”就难了,要想量化就难上加难了。幸好本文发现的“网络空间安全对抗的进化规律”是量化的。

要素2,用经济学的眼光去看待网络空间安全对抗,也不意外了。因为,在《安全通论》的前面几章(比如文献[18]和[19]等),我们已经这样做过了。当然,这种直白的“向钱看”观点(即,安全攻防的最终目标是追求经济利益),会使个别道德感特强的黑客和红客很不服气,因为,他们都坚称:“自己追求的是正义事业,与钱无关”。我不想对此做任何辩解,但是,幸好安全攻防能够转化为经济指标,否则就无法进行量化研究了。能够有如此幸事的领域并不多(比如,随便就可举一个无法量化研究的例子:请问互联网将如何进化,其进化的量化轨迹是什么?)否则,进化论的许多应用就不会被认为是“滥用”了。

要素3,用统计学的眼光去看待网络空间安全对抗,还是不意外。其实,网络空间的本名,叫“赛博空间”。而赛博学(过去被误译为《控制论》,见文献[22])的核心世界观之一就认为“赛博世界是不确定的,它会受到周围环境中若干偶然、随机因素的影响”;赛博学的核心方法论之一就是“统计理论”,因此,用统计指标去凝练网络空间安全对抗的相关概念的做法,既合理也自然。不过,客观地说,在当今全球的信息安全界,也许大家过于忙着应对各种紧急事件,对统计的威力还认识不够,总喜欢纠结于具体的攻防手段,而对整体的宏观规律重视不够,所以,常常是“只见树木,难见森林;甚至是只见树叶,未见树枝”。

希望《安全通论》能够适当改善此种状况。

要素4,用协同学方法去建立和分析本文中的模型,仍然不意外。其实,熟悉协同学的读者,也许会发现:本文的模型和数学推导基本上只是“小儿科”,最多可算做“一道普通的练习作业题”而已。实际上,对只有两种“力量”推动的协同系统,其协同规律基本上都可以照此办理(见文献[21])。不过,遗憾的是,在网络安全领域,人们还来不及重视《协同学》、《系统论》、《控制论》、《突变理论》、《耗散结构理论》等动力学理论,甚至只拿它们当作某种新的哲学观而已,没有深入研究它们与网络空间安全的紧密联系。换句话说,本文“没有生产矿泉水”,而只是当了“大自然的搬运工”。

总之,如果单独考察以上四个要素,个个都平淡无奇。

本文唯一出人意料的是:所有这四个平淡的要素,刚好都能在分析网络空间安全对抗的演化规律中排上用场,而且还“严丝合缝”!这就像将一堆普通珍珠,串成了精美的项链一样;或者像是用普通的食材,烹调出了一份可口的四川回锅肉。

客官,请慢用!

## 参考文献:

- [1] 杨义先,钮心忻,安全通论(1)之“经络篇”[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-944217.html>, 2015-12-18.
- [2] 杨义先,钮心忻,安全通论(2):攻防篇之“盲对抗”[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-947304.html>, 2016-01-01.
- [3] 杨义先,钮心忻,安全通论(3):攻防篇之“非盲对抗”之“石头剪刀布游戏”[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-948089.html>, 2016-01-04.
- [4] 杨义先,钮心忻,安全通论(4):攻防篇之“非盲对抗”之“童趣游戏”[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-949155.html>, 2016-01-09.
- [5] 杨义先,钮心忻,安全通论(5):攻防篇之“非盲对抗”收官作及“劝酒令”[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-950146.html>, 2016-01-13.
- [6] 杨义先,钮心忻,安全通论(6):攻防篇之“多人盲对抗”[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-954445.html>, 2016-02-04.
- [7] 杨义先,钮心忻,安全通论(7):黑客篇之“战术研究”[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-956051.html>, 2016-02-14.
- [8] 杨义先,钮心忻,安全通论(8):黑客篇之“战略研究”[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-958609.html>, 2016-02-25.
- [9] 杨义先,钮心忻,安全通论(9):红客篇[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-960372.html>, 2016-03-04.
- [10] 杨义先,钮心忻,安全通论(10):攻防一体的输赢次数极限[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-984644.html>, 2016-06-14.
- [11] 杨义先,钮心忻,安全通论(11):信息论、博弈论与安全通论的融合[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-989745.html>, 2016-07-11.
- [12] 杨义先,钮心忻,安全通论(12):对话的数学理论[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-993540.html>, 2016-07-30.
- [13] 杨义先,钮心忻,安全通论(13):沙盘演练的最佳攻防对策计算[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-1000428.html>, 2016-09-02.
- [14] 杨义先,钮心忻,安全通论(14):病毒式恶意代码的宏观行为分析[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-1001684.html>, 2016-09-08.
- [15] 杨义先,钮心忻,安全通论(15):谣言动力学[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-1003586.html>, 2016-09-18.
- [16] 杨义先,钮心忻,安全通论(16):黑客生态学[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-1005963.html>, 2016-09-30.
- [17] 杨义先,钮心忻,安全通论(17):网络安全生态学[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-1007253.html>, 2016-10-07.
- [18] 杨义先,钮心忻,安全通论(18):网络安全经济学(1):攻防一体[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-1040388.html>, 2017-03-19.
- [19] 杨义先,钮心忻,安全通论(19):网络安全经济学(2):安全熵论[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-1042638.html>, 2017-03-30.
- [20] 杨义先,刷新你的安全观念[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-983276.html>, 2016-06-08.
- [21] 吴大进等著,协同学原理和应用[M]. 武汉:华中理工大学出版社出版,1990.
- [22] 杨义先,正本清源话“赛博”[EB/OL]. <http://blog.sciencenet.cn/blog-453322-994330.html>, 2016-08-03.